

Diferenciální počet funkcí více proměnných

Pomoc polárních souřadnic

Funkci $f(x; y)$ převedeme do polárních souřadnic v bodě $(x_0; y_0)$ takto:

$$\begin{aligned}x &= x_0 + \rho \cos \varphi \\y &= y_0 + \rho \sin \varphi\end{aligned}$$

kde $\rho \in \langle 0; +\infty \rangle$ a $\varphi \in \langle 0; 2\pi \rangle$. Poté určíme výslednou limitu podle následující věty:

Předpokládejme, že funkci $f(x; y)$ lze v polárních souřadnicích zapsat ve tvaru $f(x; y) = L + g(\rho) \cdot H(\rho; \varphi)$, kde $L \in \mathbb{R}$ a platí:

1. $\lim_{\rho \rightarrow 0} g(\rho) = 0$
2. $H(\rho; \varphi)$ je ohraničená funkce.

pak platí $\lim_{(x;y) \rightarrow (x_0;y_0)} f(x; y) = L$.