

Integrální počet - integrace

Věty, nutná podmínka a jejich využití

Věta 1 (Nutná podmínka konvergence). *Nechť integrál $\int_a^{+\infty} f(x)dx$ konverguje a necht existuje $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = c \in \mathbb{R}$. Pak $c = 0$.*

Věta 2 (Limitní srovnávací kritérium). *Nechť f, g jsou nezáporné funkce na intervalu $(a; +\infty)$ a necht existuje $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{g(x)} = L \in \mathbb{R}$. Pak platí:*

- *Pokud $L < \infty$ a $\int_a^{+\infty} g(x)dx$ konverguje, pak i $\int_a^{+\infty} f(x)dx$ konverguje.*
- *Pokud $L > 0$ a $\int_a^{+\infty} g(x)dx$ diverguje, pak i $\int_a^{+\infty} f(x)dx$ diverguje.*