

Diferenciální počet (derivace)

Shrnutí o derivacích a základní vzorce

Vzorce:

- $(c)' = 0, c \in \mathbb{R}$
- $(x)' = 1$
- $(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$
- $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
- $(a^x)' = a^x \cdot \ln a$
- $(e^x)' = e^x$
- $(\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$
- $(\ln x)' = \frac{1}{x}$
- $(\sin x)' = \cos x$
- $(\cos x)' = -\sin x$
- $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$
- $(\operatorname{cotg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
- $(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
- $(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
- $(\operatorname{arctg} x)' = \frac{1}{1+x^2}$
- $(\operatorname{arccotg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$

Pravidla pro derivování:

- $(c \cdot f(x))' = c \cdot f'(x)$
- $(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$
- $(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$
- $\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$
- $(f \circ g)'(x) = (f(g(x)))' = f'(g(x)) \cdot g'(x)$
- $f : x = f(y)$ spojitá a ryze monotónní na intervalu I , y_0 vnitřní bod intervalu I , jestliže existuje derivace $f'(y_0)$, pak $f^{-1} : y = f^{-1}(x)$, má v bode $x_0 = f(y_0)$ derivaci:

$$(f^{-1})'(x_0) = \begin{cases} \frac{1}{f'(y_0)} = \frac{1}{f'(f^{-1}(x_0))} & \text{je li } f'(y_0) \neq 0 \\ +\infty & \text{je li } f'(y_0) = 0 \text{ a } f \text{ je na } I \text{ rostoucí} \\ -\infty & \text{je li } f'(y_0) = 0 \text{ a } f \text{ je na } I \text{ klesající} \end{cases}$$

Věta: Má-li funkce f v bodě x_0 vlastní derivaci, pak je v tomto bodě spojitá.