

Číselné obory a základní znalosti

Zlomky

Definici zlomku jsme si již uvedli výše. Připomeňme, že **zlomek** je číslo ve tvaru $\frac{a}{b}$, kde a a b jsou celá čísla a $b \neq 0$. Číslu a říkáme **čitatel** a číslu b **jmenovatel**. Příkladem zlomku tedy může být $\frac{1}{2}$ nebo $\frac{8}{3}$. Uvedme si operace, které se zlomky můžeme vykonávat:

- **znaménko zlomku**

$$-\frac{a}{b} = \frac{-a}{b}; \frac{-a}{-b} = \frac{a}{b} \rightarrow -\frac{2}{7} = \frac{-2}{7}; \frac{-3}{-5} = \frac{3}{5}$$

- **sčítání a odčítání** - převedeme zlomky na společného jmenovatele a dopočítáme čitatele:

$$\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{a \cdot d \pm b \cdot c}{b \cdot d} \rightarrow \frac{1}{2} \pm \frac{3}{5} = \frac{1 \cdot 5 \pm 2 \cdot 3}{2 \cdot 5} = \frac{5 \pm 6}{10}$$

- **násobení** - násobíme čitatele čitatelem a jmenovatele jmenovatelem:

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d} \rightarrow \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} = \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 5} = \frac{3}{10}$$

- **dělení** - dělení převedeme na násobení tím, že ve spodním zlomku obrátíme čitatele s jmenovatelem (těmto „velkým“ zlomkům říkáme **složené zlomky**):

$$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c} \rightarrow \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{5}} = \frac{1}{2} : \frac{3}{5} = \frac{1}{2} \cdot \frac{5}{3} = \frac{1 \cdot 5}{2 \cdot 3} = \frac{5}{6}$$

- **krácení** - „vydělením“ čitatele a jmenovatele stejným číslem hodnotu zlomku nezměníme:

$$\frac{a \cdot b}{a \cdot c} = \frac{b}{c} \rightarrow \frac{15}{18} = \frac{3 \cdot 5}{3 \cdot 6} = \frac{5}{6}$$

- **rozšiřování** - vynásobením čitatele a jmenovatele stejným číslem hodnotu zlomku nezměníme:

$$\frac{b}{c} = \frac{a \cdot b}{a \cdot c} \rightarrow \frac{7}{3} = \frac{5 \cdot 7}{5 \cdot 3} = \frac{35}{15}$$